

Сонда шыққан шегіміз (9) шегіне сәйкес келеді.

II. $\beta = 1$. Осы жағдайда:

$$\begin{aligned}u_t - u_{xx} + \lambda\mu(t) &= f(x, t), \\ u|_{x=0} &= 0; \quad u|_{t=0} = 0,\end{aligned}$$

мұндағы

$$\mu(t) = I_{0x}^1(u(x, t))|_{x=\gamma(t)} = \int_0^x u(\theta, t) d\theta|_{x=\gamma(t)}, \quad (10)$$

$$u(x, t) = -\lambda \int_0^t \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{t-\tau}}\right) \mu(\tau) d\tau + f_1(x, t). \quad (11)$$

I_{0x}^1 интеграл операторын қолданар және $x = \gamma(t)$ алмасуының алдында, (10) теңдеуіндегі $\mu(t)$ интегралын есептеп аламыз:

$$\begin{aligned}I_{0x}^1 \left\{ \int_0^t \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{t-\tau}}\right) \mu(\tau) d\tau \right\} &= \int_0^x \left(\int_0^t \operatorname{erf}\left(\frac{\theta}{2\sqrt{t-\tau}}\right) \mu(\tau) d\tau \right) d\theta = \\ \int_0^t \mu(\tau) \left(\int_0^x \operatorname{erf}\left(\frac{\theta}{2\sqrt{t-\tau}}\right) d\theta \right) d\tau &= \frac{x^2}{2\sqrt{\pi(t-\tau)}} {}_2F_2\left(1, \frac{1}{2}; 2, \frac{3}{2}; -\frac{x^2}{4(t-\tau)}\right)\end{aligned}$$

Сонда теңдеуіміз келесі түрде жазылады:

$$\mu(t) + \lambda \int_0^t \frac{\gamma^2(t)}{2\sqrt{\pi(t-\tau)}} {}_2F_2\left(1, \frac{1}{2}; 2, \frac{3}{2}; -\frac{\gamma^2(t)}{4(t-\tau)}\right) = f_2(t) \quad (12)$$

(6) және (7) теңдеулеріндегі ядроның шегі (12) теңдеудің оң жағын береді.

Әдебиеттер тізімі

- [1] Prudnikov A.P., Brychkov Yu.A., Marichev O.I. In Integrals and series (p. 91). Physical and mathematical literature, Moscow, (2003).
- [2] Luke Y. Special mathematical functions and their approximations (p. 270), Academic press, New York, 1975.

ЖАЛПЫЛАНҒАН ЛОКАЛЬДЫ МОРРИ ТИПТІ КЕҢІСТІГІНДЕГІ О'NEIL ТЕҢСІЗДІГІ

Канкенова А.М.¹, Нурсултанов Е.Д.²

¹Л.Н. Гумилев атындағы ЕҰУ, Астана, Қазақстан

¹E-mail: ayagoz.zhantakbayeva@yandex.ru

²М.В. Ломоносов атындағы ММУҚФ

²E-mail: er-nurs@yandex.ru

$\lambda \in R, 0 < p, q \leq \infty$ және $T = \{Q\} \subset R^n$ -нің локальды бөліктеуі [1] болсын. Локальды Морри кеңістігін Е. Нурсултанов пен Д. Сұраған [1] келесідей анықтады: $LM_{p,q}^\lambda(T)$ – бұл келесі шартты қанағаттандыратын өлшенетін функциялар кеңістігі:

$$\|f\|_{LM_{p,q}^\lambda(T)} = \left(\sum_{k \in Z} \left(2^{-k\lambda} \sum_{Q \in T_k = T \cap G_k} \|f\|_{L_p(Q)} \right)^q \right)^{1/q} < \infty$$

Бұл мақалада жалпыланған локальды Морри типті кеңістіктердегі орам операторларының нормалық бағалары зерттеледі. Олардың шектелгендігі үшін жеткілікті шарттар келтіріліп, сондай-ақ сәйкес дуалды кеңістіктер сипатталады.

Теорема 1. $1 \leq p \leq \infty, 1 \leq q \leq \infty, \frac{1}{p} + \frac{1}{p'} = 1, \frac{1}{q} + \frac{1}{q'} = 1, \lambda \in R, u \in R^n$ нүктесіне сәйкес R^n -нің $T(u)$ бөліктеуін [1] алайық, онда

$$\|f\|_{(LM_{p,q}^\lambda(T(u)))'} \|f\|_{LM_{p',q'}^{-\lambda}(T(u))}$$

Біз осы кеңістіктерде Young–O’Neil типті теңсіздіктерді дәлелдейміз.

Теорема 2. $1 \leq p \leq \infty, 0 < \lambda < \frac{n}{p}, 0 \leq \gamma \leq \frac{n}{p}, 0 < \alpha = \gamma - \lambda + \frac{n}{p}, 0 < \tau \leq \infty, u, v \in R^n$ нүктелеріне сәйкес $T(u), T(v)$ бөліктеулерін алайық. Егер $f \in LM_{p,\infty}^\gamma(T(u-v))$ $g \in LM_{p',\tau}^{-\alpha}(T(v))$ болса, онда $f * g \in LM_{p,\tau}^\lambda(T(u))$ және келесі теңсіздік орындалады

$$\|f * g\|_{LM_{p,\tau}^\lambda(T(u))} \leq c \|f\|_{LM_{p,\infty}^\gamma(T(u-v))} \|g\|_{LM_{p',\tau}^{-\alpha}(T(v))}$$

мұндағы c тұрақтысы тек λ, α, n, p шамаларынан тәуелді, ал $(f * g)(x) = \int_{R^n} g(y-x) f(y) dy$

Бұл теңсіздік әлсіз Лебег кеңістіктерінен алынған ядролармен әрекеттесетін орам операторы үшін жаңа бағалау береді, Лоренц, Морри кеңістіктері үшін белгілі теоремаларды жалпылайды.

Алғыс: Бұл зерттеуді Қазақстан Республикасы Ғылым және жоғары білім министрлігінің Ғылым комитеті (АП23488596 гранты) қолдады.

Әдебиеттер тізімі

- [1] [1] E. D. Nursultanov, D. Suragan. On the convolution operator in Morrey spaces. J. Math. Anal. Appl., 515 (2022), 126357, 20 pages.

КОРРЕКТНО ПОСТАВЛЕННЫЕ ЗАДАЧИ ДЛЯ ОПЕРАТОРА ЛАПЛАСА-БЕЛЬТРАМИ НА СТРАТИФИЦИРОВАННОМ МНОЖЕСТВЕ, СОСТОЯЩЕМ ИЗ ПРОКОЛОТЫХ ОКРУЖНОСТЕЙ И СЕКМЕНТОВ

Кангужин Балтабек¹, Кайырбек Жалгас²

^{1,2}Институт математики и математического моделирования, Алматы, Казахстан

¹E-mail: kanguzhin53@gmail.com

²E-mail: kaiyrbek.zhalgas@gmail.com