

непрерывными наблюдениями осуществляются также и дискретные по времени наблюдения, причем шумы в непрерывном и дискретном каналах наблюдений коррелированы между собой [3].

Стоит отметить, что задача оптимальной фильтрации в непрерывных стохастических системах является актуальной. Это используется для того, чтобы получить более точные расчеты. Например, это находит свое применение в навигации любых движущихся объектов, поэтому широко используется в страховании. Но на данный момент эту задачу рассматривают чаще всего для некоррелируемых шумов. Если же случай с коррелируемыми шумами и встречается, то приводятся только формулировки теорем без доказательств.

Таким образом, опираясь на нераскрытость данного вопроса в современной литературе, было решено провести исследование задачи оптимальной фильтрации в непрерывных стохастических системах с коррелируемыми шумами, т.е. исследование влияния корреляции шумов на дисперсию оптимальной в среднеквадратичном смысле оценки.

Для того, чтобы вывести основное уравнение нелинейной фильтрации для случая коррелируемых шумов в общем виде, были рассмотрены уравнения процессов $x(t)$ и $z(t)$, в которых мощности сигналов заданы линейно, используя метод семиинвариантной функции, выведены уравнения для оптимальной в среднеквадратичном смысле оценки (ОСКСО) фильтрации $\mu(\tau, t)$ процесса $x(t)$ и дисперсии $\Gamma(t)$ этой оценки. Далее рассмотрена задача фильтрации скалярного гауссовского марковского процесса - процесса Орнштейна-Уленбека и решены уравнения для ОСКСО $\mu(\tau, t)$ и дисперсии $\Gamma(t)$ в частном случае.

Исследована зависимость отношения дисперсий оценок фильтрации в двух случаях - в случае коррелируемых шумов наблюдаемого и ненаблюдаемого процессов и в случае некоррелируемых шумов, от параметров интенсивности сигнала a и b и интенсивности шумов q и r , а так же от коэффициента корреляции между шумами s .

Список использованной литературы

1. Липцер Р.Ш. Статистика случайных процессов / Липцер Р.Ш., Ширяев А.Н. --- М.: Наука, 1974. --- С. 695.
2. Демин Н.С. Теория оценивания и распознавания стохастических сигналов: Учебное пособие.--- Томск: Томск. ун-т, 1983. --- С. 109.
3. Демин Н.С. Филтр Калмана- Бьюси для коррелированных непрерывно- дискретных наблюдений / Демин Н.С., Петров В.В. // Известия высших учебных заведений. Приборостроение. --- 1978. --- № 5. --- С. 14-19.
4. Kalman R.E. A new approach to linear filtering and prediction problems // Journal of Basic Engineering. --- 1960. --- № 82. С. 35-45.
5. Калман Р.Е. Новые результаты в линейной фильтрации и теории предсказания / Калман Р.Е., Бьюси Р.С. Техническая механика. --- 1961. № 1. --- С. 123-141.
6. Ширяев А.Н. Вероятность. Том 1. МЦНМО - 2007.
7. Оксендаль Б. Стохастические дифференциальные уравнения. Введение в теорию и приложения // М.: Мир. --- 2003.
8. Булинский А.В. Теория случайных процессов / Булинский А.В., Ширяев А.Н. // ФИЗМАТЛИТ. - 2005.

О ПРИМЕНЕНИИ СЕМЕЙСТВА КРАЕВЫХ ЗАДАЧ ДЛЯ СИСТЕМ ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

^{1,2}Темешева С., ² Абдиманапова П., ² Жумагазыкызы А.

¹Институт математики и математического моделирования, Алматы, Казахстан

²Казахский национальный университет имени аль-Фараби, Алматы

E-mail: temeshevasvetlana@gmail.com, peryzat74@mail.ru, zhumagazykyzy@gmail.com

На $\bar{\Omega} = [0, \omega] \times [0, T]$ рассматривается нелинейная нелокальная краевая задача для системы гиперболических уравнений

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial t} = f\left(x, t, u, \frac{\partial u}{\partial x}\right), \quad u \in R^n, \quad (1)$$

$$u(0, t) = 0, \quad t \in [0, T], \quad (2)$$

$$g(x, u_x(x, 0), u_x(x, T)) = 0, \quad (3)$$

где $f: \bar{\Omega} \times R^n \times R^n \rightarrow R^n$, $g: [0, \omega] \times R^n \times R^n \rightarrow R^n$ непрерывны.

Решением задачи (1)-(3) является функция $u^*(x, t) \in C(\bar{\Omega}, R^n)$, которая на $\bar{\Omega}$ вместе со своими частными производными $u_x^*(x, t) \in C(\bar{\Omega}, R^n)$, $u_{xt}^*(x, t) \in C(\bar{\Omega}, R^n)$ удовлетворяет нелинейной системе гиперболических уравнений (1), на характеристике $x = 0$ удовлетворяет условию (2) и при $x \in [0, \omega]$ для $u_x^*(x, 0)$, $u_x^*(x, T)$ справедливо равенство (3).

С помощью новой неизвестной функции $v(x, t) = u_x(x, t)$ задача (1)-(3) сводится к эквивалентной краевой задаче для интегро-дифференциального уравнения в частных производных

$$\frac{\partial v}{\partial t} = f\left(x, t, \int_0^x v(\xi, t) d\xi, v\right), \quad v \in R^n, \quad x \in [0, \omega], \quad (4)$$

$$g(x, v(x, 0), v(x, T)) = 0, \quad x \in [0, \omega]. \quad (5)$$

Здесь условие (2) учтено в соотношении

$$u(x, t) = \int_0^x v(\xi, t) d\xi, \quad (x, t) \in \bar{\Omega}. \quad (6)$$

Если функция $u^*(x, t)$ является решением задачи (1)-(3), то $v^*(x, t) = u_x^*(x, t)$ будет решением задачи (4), (5). Если $v(x, t)$ – решение задачи (4), (5), то функция $u(x, t)$, определяемая равенством (6), будет решением задачи (1)-(3).

Заметим, что задача (4), (5) является семейством нелинейных двухточечных краевых задач для систем интегро-дифференциальных уравнений Фредгольма.

Задача (4), (5) исследуется методом параметризации [1]. Используя эквивалентность указанных задач получены условия разрешимости нелинейной нелокальной краевой задачи для системы гиперболических уравнений (1)-(3).

Представленная работа финансируется Комитетом науки Министерства образования и науки Республики Казахстан (грант № AP08855726, 2020-2022 гг.)

Список использованной литературы

1. D. S. Dzhumabaev, S. M. Temesheva, "A parametrization method for solving nonlinear two-point boundary value problems", *Comput. Math. Math. Phys.*, **47:1** (2007), 37–61.

ОБ ОДНОМ РЕШЕНИИ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ С ИМПУЛЬСНЫМ ВОЗДЕЙСТВИЕМ

Тлеулесова А.Б.¹, Оразбекова А.С.¹, Калпаков Е.Н.²

¹ЕНУ им. Л.Н.Гумилева, Казахстан, ²Назарбаев Университет, Казахстан

E-mail: agila_72@mail.ru, mt-513@mail.ru, mr.kalpakov@mail.ru

На отрезке $[0, T]$ рассматривается краевая задача с импульсным воздействием

$$\frac{dx}{dt} = A(t)x + f(t), \quad t \in [0, T] \setminus \{\theta_i\}, \quad i = \overline{1, m}, \quad (1)$$

$$0 = \theta_0 < \theta_1 < \dots < \theta_m < \theta_{m+1} = T, \quad i = \overline{1, m}, \quad x \in R^n, \\ B_0 x(0) + C_0 x(T) = d, \quad d \in R^n, \quad (2)$$

$$B_i x(\theta_i - 0) - C_i x(\theta_i + 0) = p_i, \quad p_i \in R^n, \quad i = \overline{1, m}, \quad (3)$$

где $A(t)$, $f(t)$ кусочно-непрерывны на $[0, T]$, с возможными разрывами первого рода в точках $t = \theta_i$, $i = \overline{1, m}$. B_i, C_i ($i = \overline{1, m}$) постоянные матрицы. $\|x\| = \max_i |x_i|$, $\|A(t)\| = \max_s \sum_{j=1}^n |a_{ij}(t)|$.

Ранее в работах краевые задачи с импульсными воздействиями исследовались методом параметризации [1-3]. Для решение задачи (1)-(3) применяется метод параметризаций. $[0, T]$ разбиваем на части в точках импульсных воздействий: